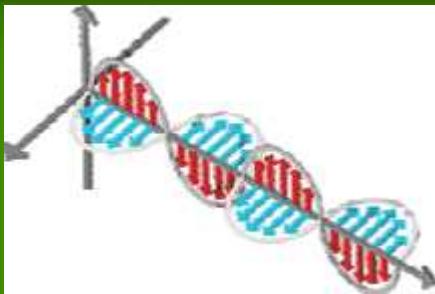


**Telkom**  
University



# ELEKTROMAGNETIK TERAPAN



1. GELOMBANG LINTAS MEDIUM

By Dwi Andi Nurmantris

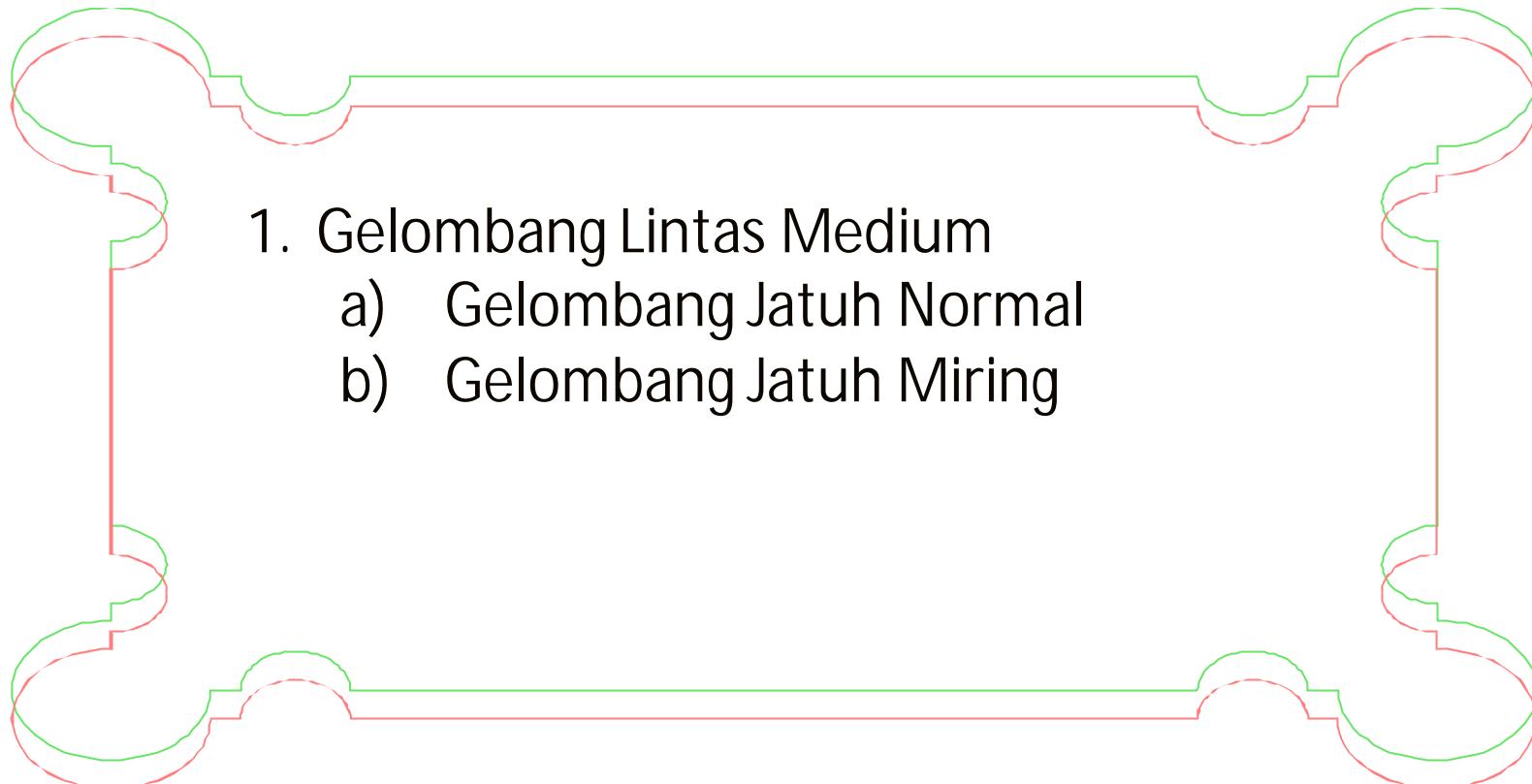
WHERE ARE WE?

- 1. PENDAHULUAN**
  - Pengenalan Mata Kuliah
  - Silabus (materi), dan referensi,
  - Aturan penilaian: Quis, Ujian, Tugas dll
  - Aturan Perkuliahahan : Kontrak Belajar
  - Sejarah dan Aplikasi Elektromagnetika
- 2. PERSAMAAN MAXWELL UNTUK MEDAN DINAMIS**
  - Vektor Analysis
  - Konsep dan Arti Fisis tentang Empat Persamaan Maxwell
  - penerapan konsep Empat Persamaan Maxwell
- 3. PROPAGASI GELOMBANG DATAR**
  - Penurunan Pers. Helmholtz dari Persamaan Maxwell
  - Perambatan gelombang pada Berbagai Medium (Dielektrik Merugi)
  - Perambatan gelombang pada Dielektrik Sempurna, Vakum, Konduktor : Efek Kulit) dengan Parameter Primer dan Parameter Sekundernya
  - Vektor Poynting dan Analisis Daya
  - Polarisasi Gelombang
  - Pantulan gelombang sudut datang nol
  - Konservasi Daya dalam Pantulan
  - Standing Wave Ratio, Impedansi Input, dan Matching gelombang
  - Radome (med1|med2|med3 -med1|med2|med3)
  - Perambatan GEM pada arah sembarang
  - Pantulan Sudut-Datang Tak-Nol dan Nol : Gelombang Berdiri
- 4. SALURAN TRANSMISI**
  - Model dan Persamaan Saluran Transmisi
  - Macam-macam Saluran Transmisi dengan Parameter Primer dan Sekundernya, Saluran Distortionless dan Lossless

WHERE ARE WE?

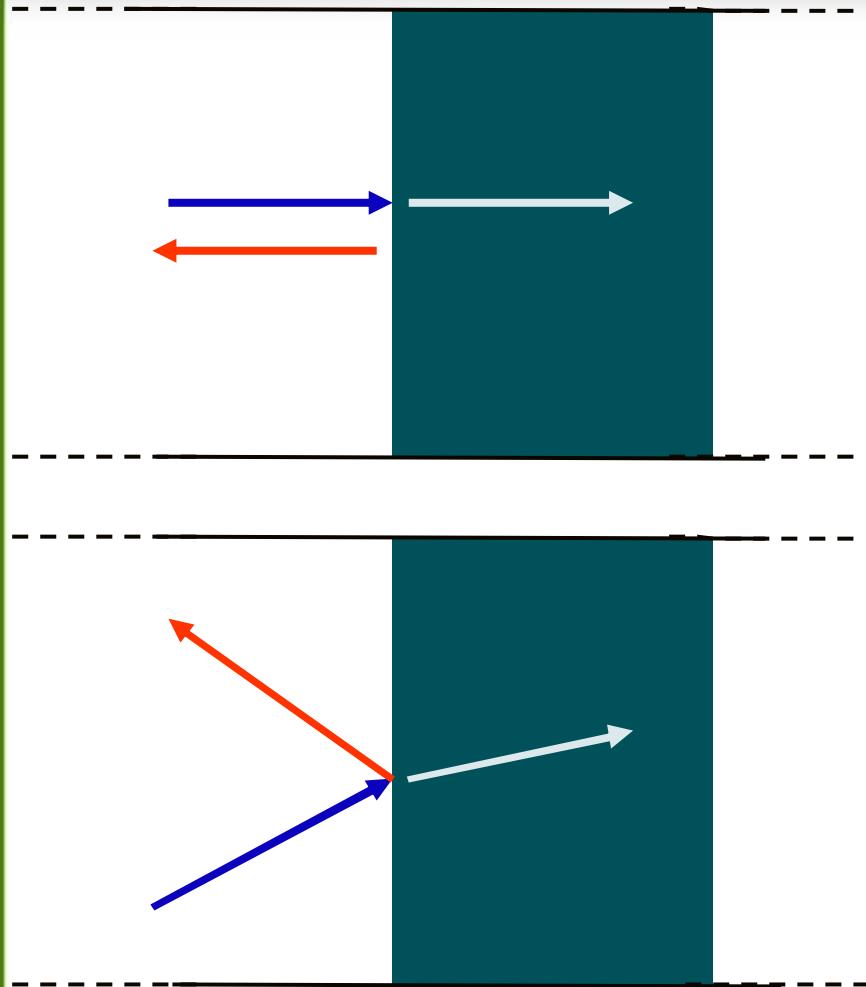
- Kasus 1 : Saluran Tak-merugi Beban Sesuai ( $V$ ,  $I$ ,  $P$ )
  - Kasus 2 : Saluran Tak-merugi Beban Tak-Sesuai ( $V$ ,  $I$ ,  $P$ )
  - Impedansi input dan VSWR
  - Kasus 3 : Saluran-saluran Istimewa ( $\lambda/2$ ,  $\lambda/4$ ,  $Z_L = 0$ ,  $Z_L = \infty$ )
  - Kasus 4 : Persoalan Saluran Merugi
  - Penyesuaian Impedansi dengan Transformator  $1/4$  panjang glb.
  - Konsep lebar-pita frekuensi untuk sistem saluran transmisi
  - Penyesuaian Impedansi dengan Stub-Tunggal
  - Smith-Chart: Pembuatan dan Penggunaan
  - Penyesuaian Impedansi dengan Stub Ganda dengan Smith Chart
- 5. BUMBUNG GELOMBANG PERSEGI (BGP)**
- Analisis Medan Elektromagnetik dalam BGP
  - Gelombang Mode TM<sub>mn</sub>, Parameter Primer dan Sekunder
  - Gelombang Mode TE<sub>mn</sub>, Parameter Primer dan Sekunder
  - Tinjauan Daya dan Rugi-rugi
- 6. BUMBUNG GELOMBANG SIRKULAR (BGS)**
- Analisis Medan Elektromagnetik dalam BGS
  - Gelombang Mode TM<sub>nl</sub> dan TE<sub>nl</sub> , Parameter Primer dan Sekunder
  - Pengenalan Serat Optik
- 7. RADIASI GELOMBANG**
- Analisis Medan Radiasi Filamen Pendek, Diagram Arah
  - Aproksimasi untuk Medan Jauh, Daya Pancar, Tahanan Pancar
  - Dipole  $1/2\lambda$  dan Monopole

# OUTLINE



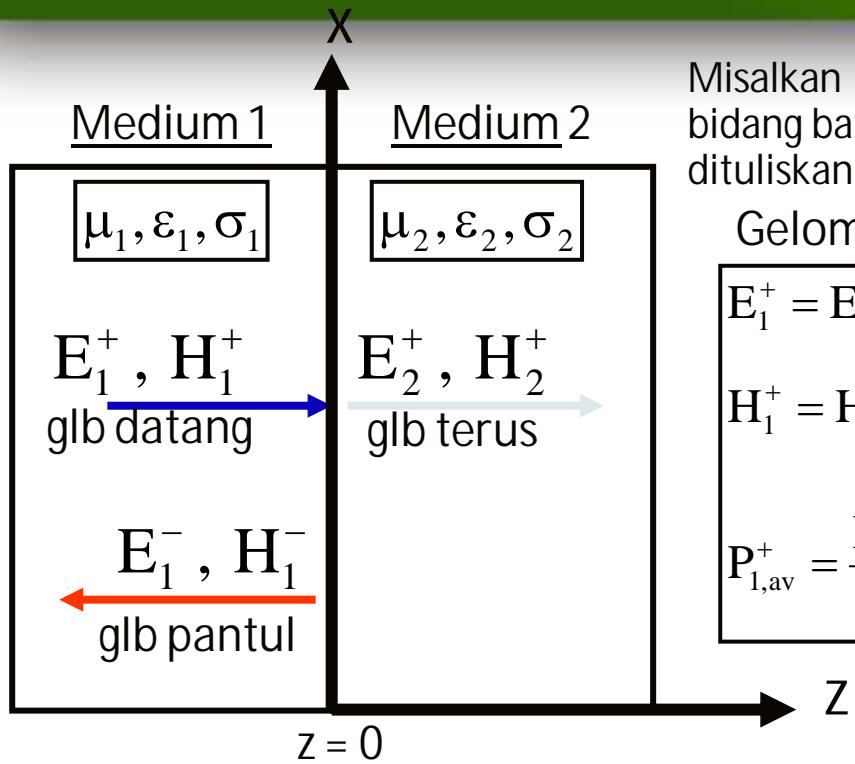
1. Gelombang Lintas Medium
  - a) Gelombang Jatuh Normal
  - b) Gelombang Jatuh Miring

# PENDAHULUAN



- ❑ Jika gelombang datar serbasama melewati 2 atau lebih medium. Terdapat 2 kemungkinan perlakuan terhadap gelombang, yaitu :
  - 1) gelombang dibiaskan atau diteruskan
  - 2) gelombang dipantulkan .
- ❑ Asumsi yang digunakan :
  - 1) Gelombang yang diamati : monochromatic uniform plane wave
  - 2) Medium yang dibahas: infinite extent

# GELOMBANG JATUH NORMAL



Misalkan gelombang datang normal (tegak lurus) terhadap bidang batas, maka persamaan-persamaan gelombang dapat dituliskan dalam bentuk fasor sebagai berikut :

Gelombang datang

$$E_1^+ = E_{xs1}^+ = E_{xo1}^+ e^{-\gamma_1 z}$$

$$H_1^+ = H_{ys1}^+ = \frac{1}{\eta_1} E_{xo1}^+ e^{-\gamma_1 z}$$

$$P_{1,av}^+ = \frac{E_{xo1}^{+2}}{2|\eta_1|} e^{-2\alpha_1 z} \cos \theta_{\eta_1}$$

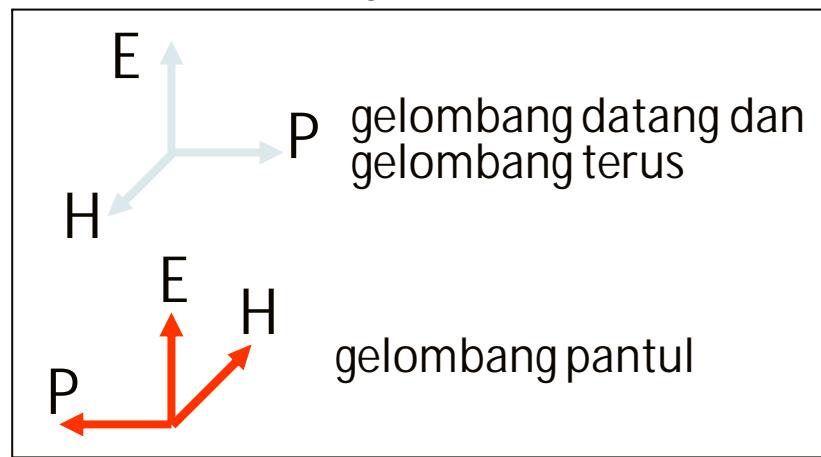
Gelombang terus

$$E_2^+ = E_{xs2}^+ = E_{xo2}^+ e^{-\gamma_2 z}$$

$$H_2^+ = H_{ys2}^+ = \frac{1}{\eta_2} E_{xo2}^+ e^{-\gamma_2 z}$$

$$P_{2,av}^+ = \frac{E_{xo2}^{+2}}{2|\eta_2|} e^{-2\alpha_2 z} \cos \theta_{\eta_2}$$

merambat ke sumbu z positif  
Gelombang pantul



$$E_1^- = E_{xs1}^- = E_{xo1}^- e^{+\gamma_1 z}$$

$$H_1^- = H_{ys1}^- = -\frac{1}{\eta_1} E_{xo1}^- e^{+\gamma_1 z}$$

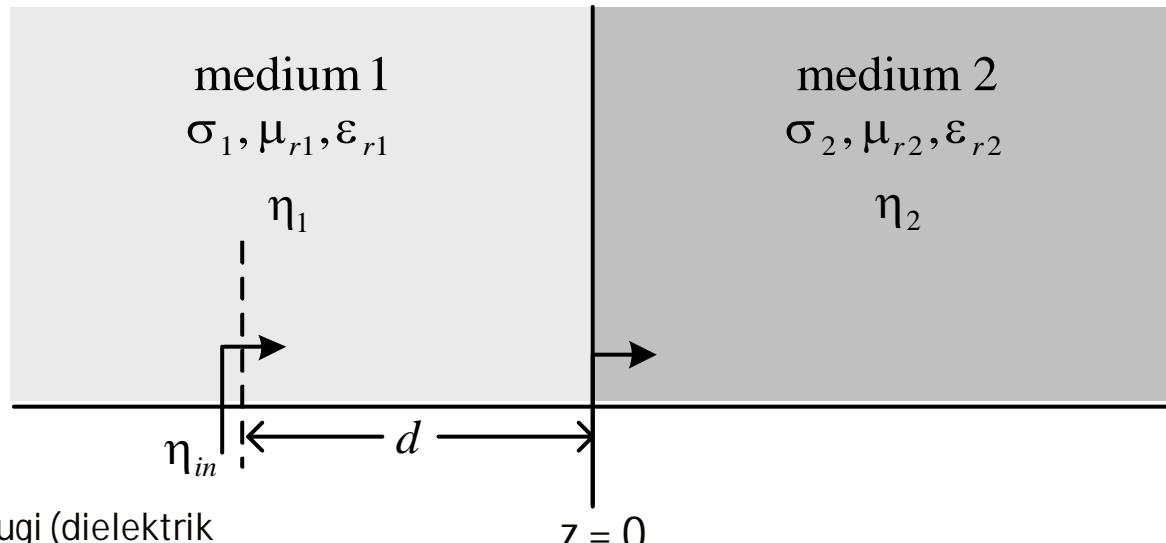
$$P_{1,av}^- = \frac{E_{xo1}^{-2}}{2|\eta_1|} e^{+2\alpha_1 z} \cos \theta_{\eta_1}$$

merambat ke sumbu z negatif

# GELOMBANG JATUH NORMAL



Koefisien pantul ( ), Koefisien Terus( ), dan Impedansi Input (  $\eta_{in}$ )



Bila medium 1 bersifat merugi (dielektrik merugi, konduktor)

$$\eta_{in} = \eta_1 \frac{\eta_2 + \eta_1 \tanh(\gamma_1 d)}{\eta_1 + \eta_2 \tanh(\gamma_1 d)}$$

Bila medium 1 bersifat tak-merugi (dielektrik sempurna, ruang hampa)

$$\eta_{in} = \eta_1 \frac{\eta_2 + j\eta_1 \tan(\beta_1 d)}{\eta_1 + j\eta_2 \tan(\beta_1 d)}$$

$$\bar{\Gamma}_0 = \frac{E_{xs1}^-}{E_{xs1}^+} = \frac{E_{x01}^-}{E_{x01}^+} = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

"Koefisien Pantul "

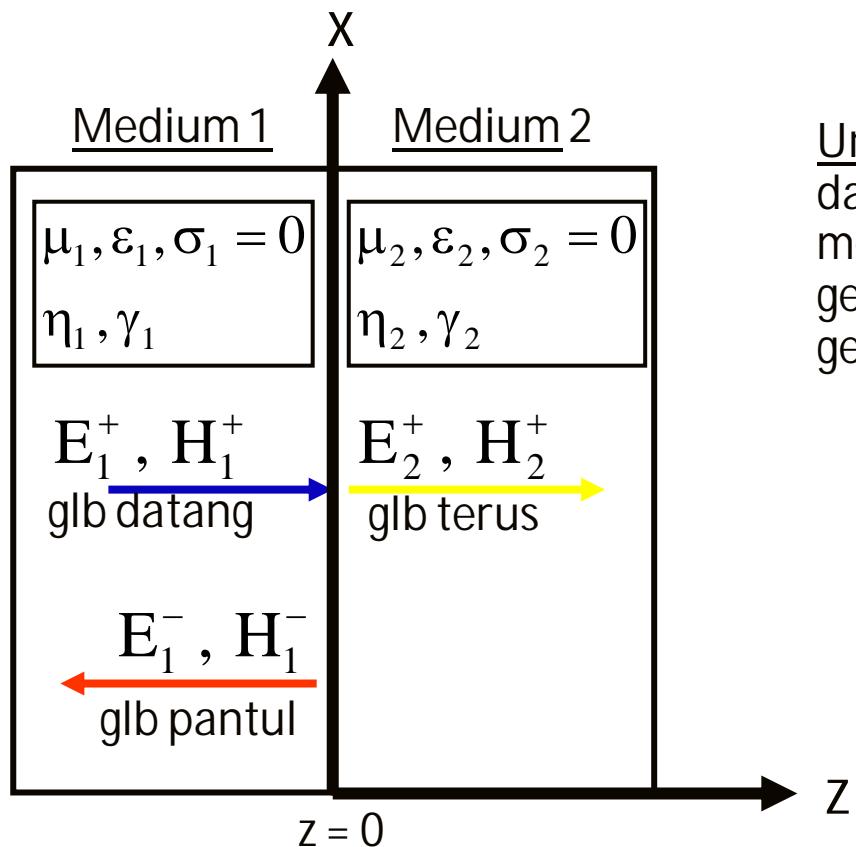
$$\bar{T}_0 = \frac{E_{xs2}^+}{E_{xs1}^+} = \frac{E_{x02}^+}{E_{x01}^+} = \frac{2\eta_2}{\eta_2 + \eta_1}$$

"Koefisien Transmisi "

# GELOMBANG JATUH NORMAL



Kasus 1 : *Medium 1 Dielektrik Sempurna*  
*Medium 2 Dielektrik Sempurna*



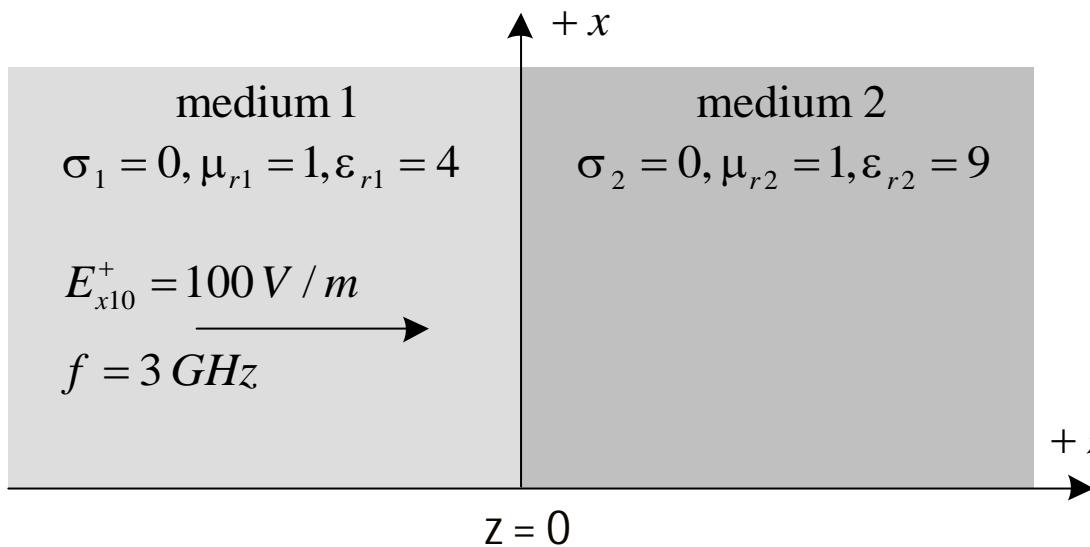
Untuk kasus : daerah 1 dielektrik sempurna, dan daerah 2 dielektrik sempurna, akan memberikan kondisi yang lebih umum. Ada gelombang yang dipantulkan dan ada gelombang yang diteruskan.

# GELOMBANG JATUH NORMAL



## Contoh

Gelombang elektromagnetik 3 GHz dengan amplitudo datang normal dari medium 1 ( $\sigma_1 = 0, \mu_{r1} = 1, \epsilon_{r1} = 4$ ) menuju medium 2 ( $\sigma_2 = 0, \mu_{r2} = 1, \epsilon_{r2} = 9$ ) seperti pada gambar berikut.



Hitunglah :

- Konstanta propagasi dan impedansi Intrinsik di medium 1 dan medium 2
- Koefisien pantul dan koefisien terus pada batas medium
- Persamaan Gelombang datang, gelombang pantul dan gelombang terus
- Impedansi input pada posisi Z = -0,25 m
- Berapa persen daya yang dipantulkan ke medium 1 dan berapa persen daya yang diteruskan ke medium 2

# GELOMBANG JATUH NORMAL



Kasus 2 : *Daerah 1 Dielektrik Sempurna*  
*Daerah 2 Konduktor Sempurna*

Daerah 1 Dielektrik Sempurna

$$\begin{aligned} \mu_1, \epsilon_1, \sigma_1 &= 0 \\ \eta_1, \gamma_1 \end{aligned}$$

karena  $\bar{\Gamma}_0 = -1$

maka  $\Rightarrow E_{x01}^- = -E_{x01}^+$

$$E_{xs1}^- = -E_{x01}^+ e^{-\beta z}$$

Amplitudo gelombang pantul sama dengan gelombang datang, tapi tanda berlawanan. Berarti semua energi yang datang dipantulkan seluruhnya

$$\begin{aligned} E_{xs1} &= E_{x01}^+ + E_{xs1}^- = E_{x01}^+ e^{-j\beta_1 z} - E_{x01}^+ e^{+j\beta_1 z} = E_{x01}^+ [e^{-j\beta_1 z} - e^{+j\beta_1 z}] \\ &= -2j E_{x01}^+ \sin \beta_1 z \quad \rightarrow \quad E_{x1} = \operatorname{Re}[E_{xs1} e^{j\omega t}] \end{aligned}$$

$$E_{x1} = 2 E_{x01}^+ \sin \beta_1 z \sin \omega t$$

Daerah 2 Konduktor Sempurna

$$\begin{aligned} \mu_2, \epsilon_2, \sigma_2 &\approx \infty \\ \eta_2 \approx 0, \gamma_2 \end{aligned}$$

$$\eta_2 = \sqrt{\frac{j\omega\mu_2}{\sigma_2 + j\omega\epsilon_2}} = 0$$

Skin depth mendekati NOL, tidak ada medan berubah terhadap waktu

$$\bar{\Gamma}_0 = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1} = \frac{0 - \eta_1}{0 + \eta_1} = -1$$

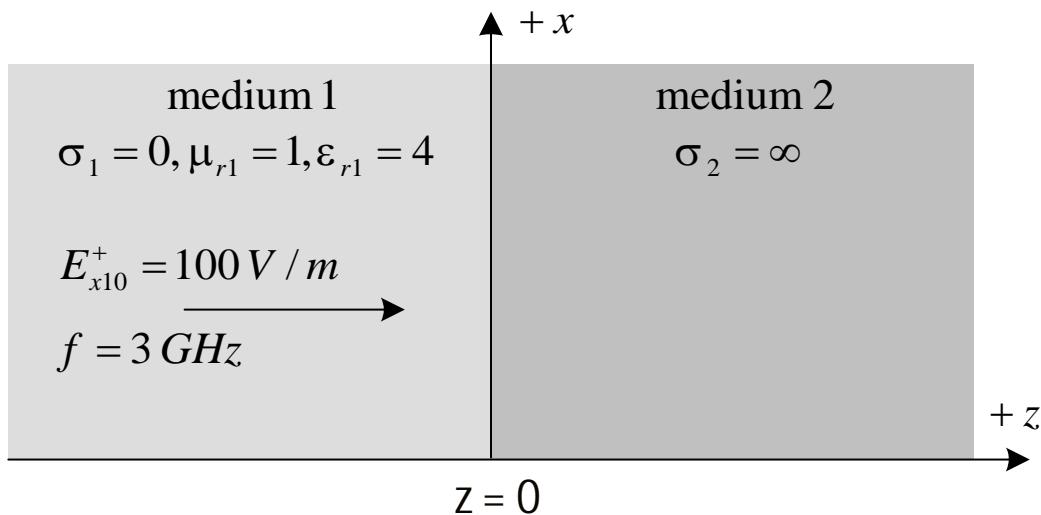
Gelombang berdiri murni !!

# GELOMBANG JATUH NORMAL



## Contoh

Gelombang elektromagnetik 3 GHz dengan amplitudo datang normal dari medium 1 ( $\sigma_1 = 0, \mu_{r1} = 1, \epsilon_{r1} = 4$ ) menuju medium 2 ( $\sigma_2 = \infty$ ) seperti pada gambar berikut.



Hitunglah :

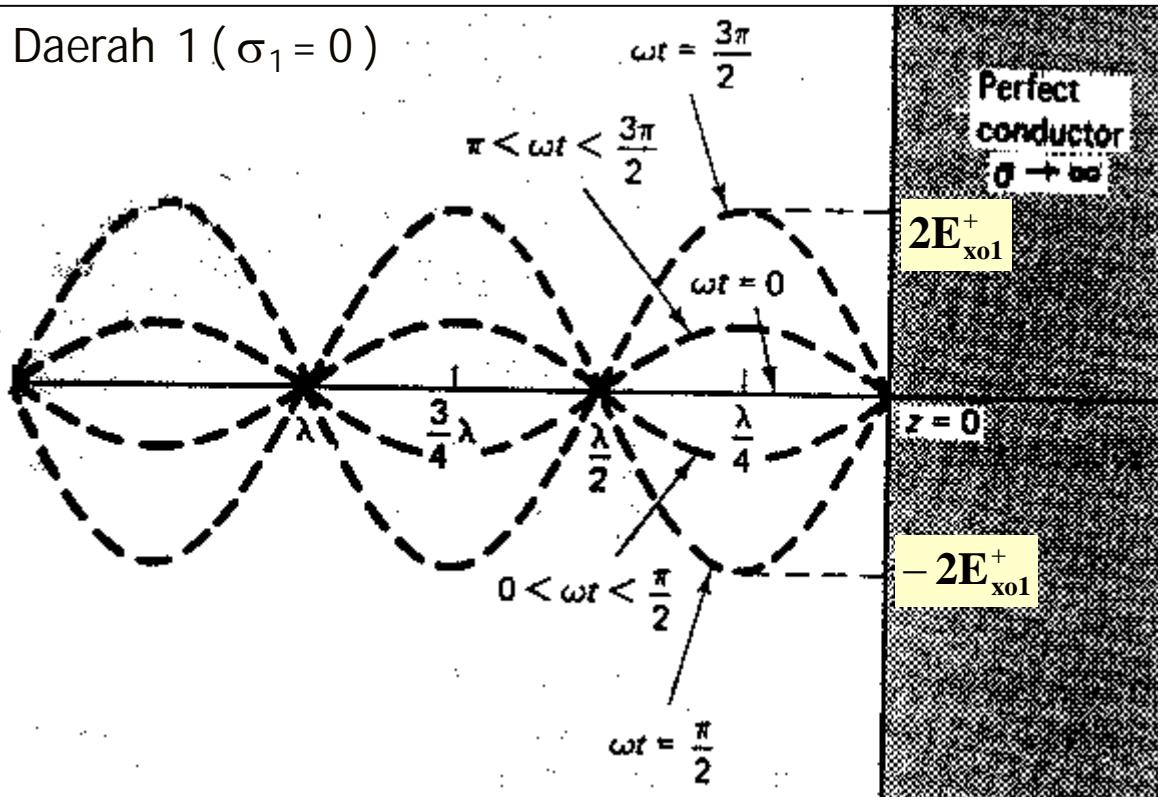
- Konstanta propagasi dan impedansi Intrinsik di medium 1 dan medium 2
- Persamaan Gelombang datang, gelombang pantul dan gelombang terus
- Koefisien pantul dan koefisien terus pada batas medium
- Impedansi input pada posisi  $Z = -0,5 \text{ m}$
- Berapa persen daya yang dipantulkan ke medium 1 dan berapa persen daya yang diteruskan ke medium 2

# GELOMBANG JATUH NORMAL



## Gelombang Berdiri dan Konsep SWR

Daerah 1 ( $\sigma_1 = 0$ )



$$E_{x1} = 2 E_{x01}^+ \sin \beta_1 z \sin \omega t$$

- Pada tiap waktu,

$$t = \frac{n\pi}{\omega} \quad n = 0, \pm 1, \pm 2, \text{ dst}$$

Menyebabkan medan  $E = 0$  di semua titik posisi

- Pada posisi bidang,

$$z = \frac{n\pi}{\beta_1} \quad n = 0, \pm 1, \pm 2, \text{ dst}$$

Menyebabkan medan  $E = 0$  di sepanjang waktu. Hal itu terjadi pada :

$$z = n \frac{\lambda_1}{2}$$

# GELOMBANG JATUH NORMAL

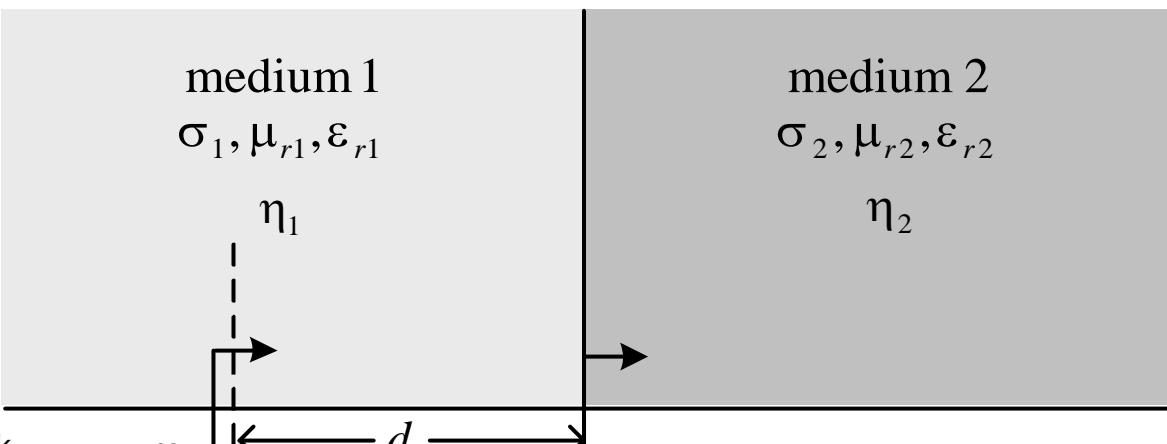


## Standing Wave Ratio (SWR)

Telah dijelaskan bahwa *Standing Wave Ratio* (SWR) adalah :

*Derajat terbaginya gelombang menjadi gelombang berjalan dan gelombang berdiri dinyatakan dengan perbandingan harga maksimum terhadap harga minimum gelombang yang bersangkutan.* Didefinisikan dari penurunan sebelumnya :

$$\text{SWR} = \frac{|\bar{\Gamma}|_{\text{maks}}}{|\bar{\Gamma}|_{\text{min}}} = \frac{1 + |\bar{\Gamma}|}{1 - |\bar{\Gamma}|}$$



Bila medium 1 bersifat merugi (dielektrik merugi, konduktor)

$$\text{SWR}_d = \text{SWR}_0$$

Bila medium 1 bersifat tak-merugi (dielektrik sempurna, ruang hampa)

$$\text{SWR}_d = \frac{1 + |\bar{\Gamma}_d|}{1 - |\bar{\Gamma}_d|} = \frac{1 + |\bar{\Gamma}_0| e^{-2\alpha d}}{1 - |\bar{\Gamma}_0| e^{-2\alpha d}}$$

$$\bar{\Gamma}_d = \frac{\eta_{in} - \eta_1}{\eta_{in} + \eta_1}$$

$$\begin{aligned}\bar{\Gamma}_d &= \bar{\Gamma}_0 e^{-2\gamma d} \\ &= \bar{\Gamma}_0 e^{-2\alpha d} e^{-j2\beta d} \\ |\bar{\Gamma}_d| &= |\bar{\Gamma}_0| e^{-2\alpha d}\end{aligned}$$

$$\text{SWR}_0 = \frac{1 + |\bar{\Gamma}_0|}{1 - |\bar{\Gamma}_0|}$$

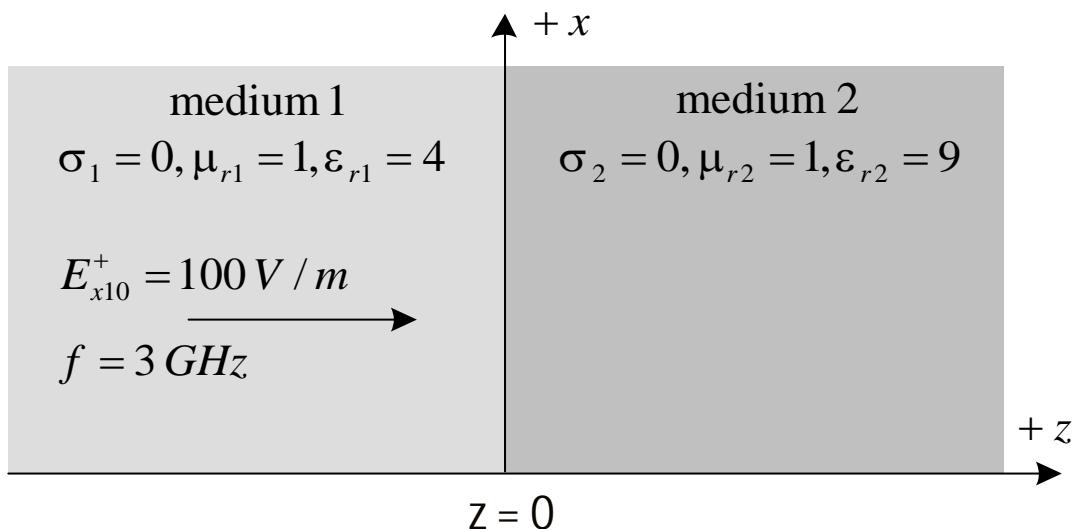
$$\bar{\Gamma}_0 = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

# GELOMBANG JATUH NORMAL



## Contoh

Gelombang elektromagnetik 3 GHz dengan amplitudo datang normal dari medium 1 ( $\sigma_1 = 0, \mu_{r1} = 1, \epsilon_{r1} = 4$ ) menuju medium 2 ( $\sigma_2 = 0, \mu_{r2} = 1, \epsilon_{r2} = 9$ ) seperti pada gambar berikut.



Hitunglah :

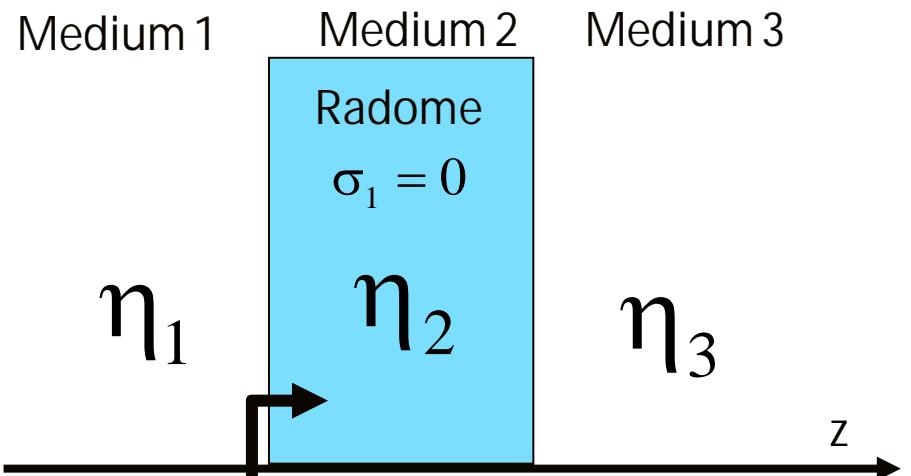
- SWR pada  $Z = 0$
- SWR pada  $Z = 0,5 \text{ m}$

# GELOMBANG JATUH NORMAL



## GELOMBANG LINTAS 3 MEDIUM DAN MATCHING IMPEDANCE

Pembahasan mengenai gelombang lintas 3 (tiga) medium umumnya adalah untuk kuantisasi matching gelombang, seperti yang terjadi pada *radome* (kubah pelindung antena).



Syarat matching :

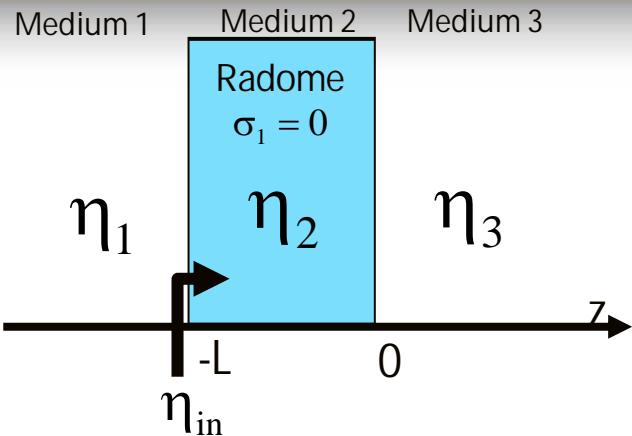
$$\eta_1 = \eta_{in}$$

Pada daerah antena (daerah 1) tidak terdapat pantulan gelombang

$$\eta_{in} = \eta_2 \frac{\eta_3 + j\eta_2 \tan \beta_2 L}{\eta_2 + j\eta_3 \tan \beta_2 L}$$

Asumsi :  
medium 1, 2, dan 3 tak  
meredam

# GELOMBANG JATUH NORMAL



Syarat matching :

$$\eta_1 = \eta_{in}$$

$$\eta_{in} = \eta_1 = \eta_2 \frac{\eta_3 + j\eta_2 \tan \beta_2 L}{\eta_2 + j\eta_3 \tan \beta_2 L}$$

Pada ketebalan tersebut, gelombang di Medium #1 tidak dipantulkan dan diteruskan seluruhnya. Pantulan hanya terjadi pada medium #2. Radome biasanya dibuat dari bahan yang ringan dan cukup tipis.

Kasus  $\eta_1 = \eta_3$

$$\eta_{in} = \eta_1 = \eta_3 = \eta_2 \frac{\eta_3 + j\eta_2 \tan \beta_2 L}{\eta_2 + j\eta_3 \tan \beta_2 L}$$

$$\eta_3 \eta_2 + j\eta_3^2 \tan \beta_2 L = \eta_3 \eta_2 + j\eta_2^2 \tan \beta_2 L$$

Persamaan tersebut akan terpenuhi jika :

$$\tan \beta_2 L = 0 \rightarrow \beta_2 L = n\pi$$

$$\rightarrow$$

$$L = n \frac{\lambda_1}{2}$$

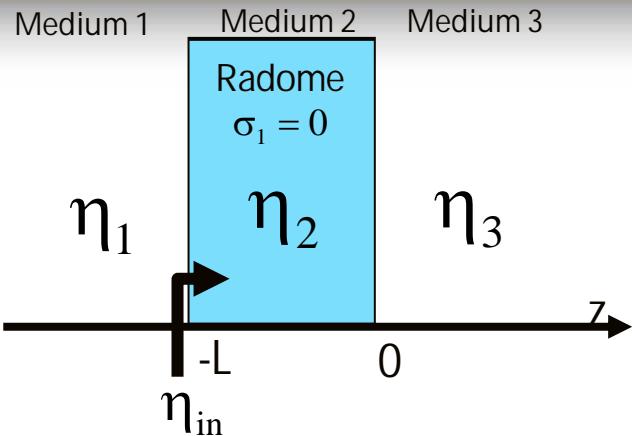
Kesimpulan

syarat yang harus dipenuhi agar tidak ada gelombang pantul pada medium 1 adalah :

- medium 2 memiliki permitivitas relatif sembarang
- medium 2 memiliki ketebalan

$$d = \frac{\lambda_2}{2}, \lambda_2, \frac{3\lambda_2}{2}, \dots$$

# GELOMBANG JATUH NORMAL



Syarat matching :

$$\eta_1 = \eta_{in}$$

$$\eta_{in} = \eta_1 = \eta_2 \frac{\eta_3 + j\eta_2 \tan \beta_2 L}{\eta_2 + j\eta_3 \tan \beta_2 L}$$

Kasus  $\eta_1 \neq \eta_3$

$$\eta_{in} = \eta_1 = \eta_2 \frac{\eta_3 + j\eta_2 \tan \beta_2 L}{\eta_2 + j\eta_3 \tan \beta_2 L}$$

$$\text{Jika dipilih: } d = 1\frac{\lambda_2}{4}, 3\frac{\lambda_2}{4}, 5\frac{\lambda_2}{4}, \dots$$

Maka:  $\tan \beta_2 L = \infty$  Sehingga:

$$\frac{\eta_2^2}{\eta_3} = \eta_1 \rightarrow \eta_2 = \sqrt{\eta_1 \eta_3}$$

Kesimpulan

syarat yang harus dipenuhi agar tidak ada gelombang pantul pada medium 1 adalah :

- medium 2 memiliki karakteristik bahan yang mengakibatkan  $\eta_2 = \sqrt{\eta_1 \eta_3}$
- medium 2 memiliki ketebalan

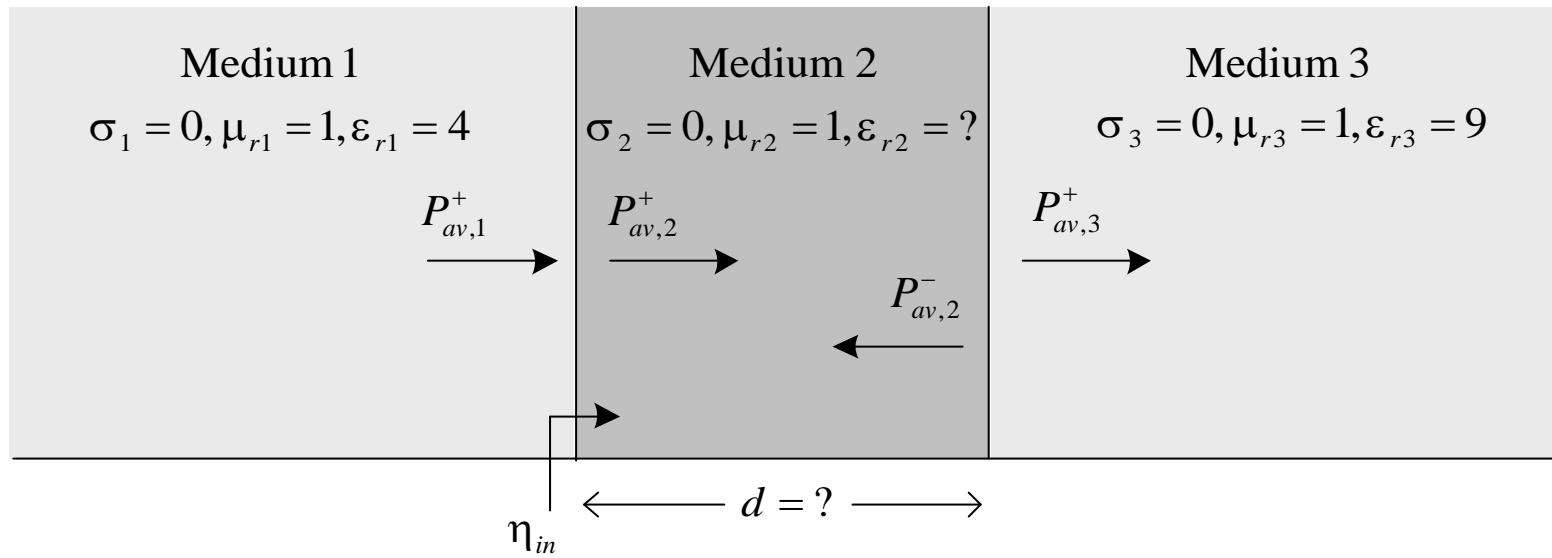
$$d = 1\frac{\lambda_2}{4}, 3\frac{\lambda_2}{4}, 5\frac{\lambda_2}{4}, \dots$$

# GELOMBANG JATUH NORMAL



## Contoh

Gelombang elektromagnetik 300 MHz ingin ditransmisikan dari medium 1 menuju medium 3 melewati medium 2 seperti pada gambar

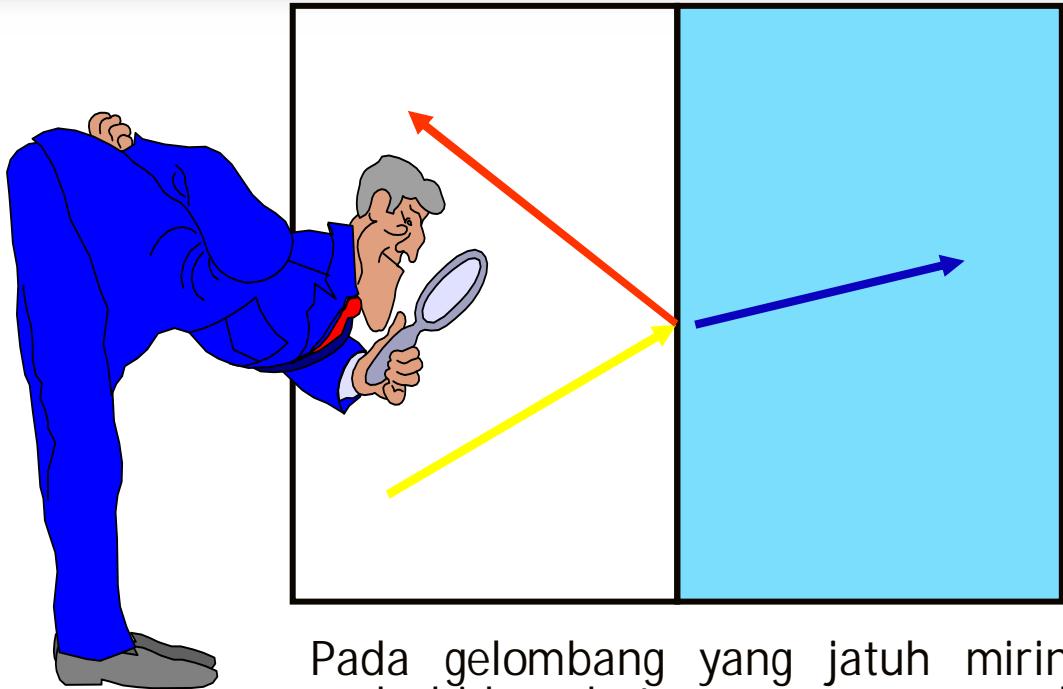


Tentukan :

- $\epsilon_{r2} = \dots \dots \dots ?$
- $d = \dots \dots \dots ?$

Agar tidak ada gelombang pantul pada medium 1 ?

# GELOMBANG JATUH MIRING



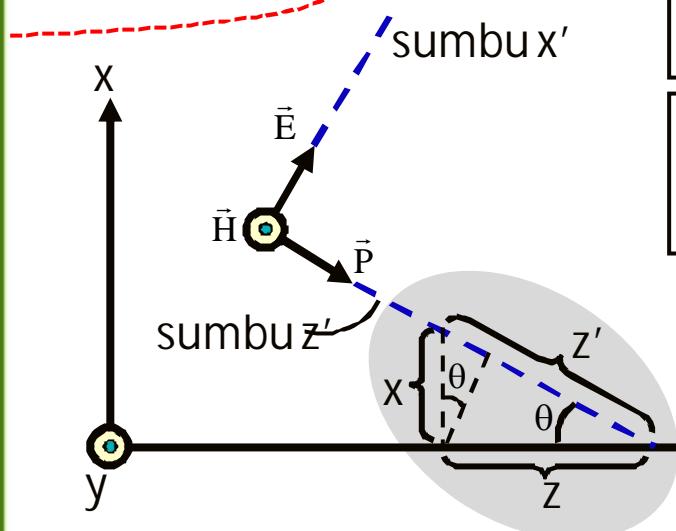
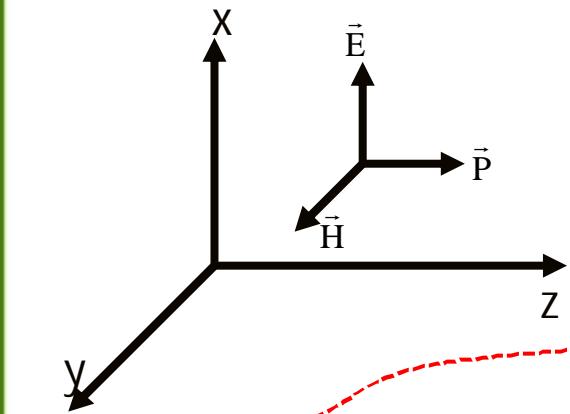
Pada gelombang yang jatuh miring pada bidang batas, secara umum ada gelombang yang dipantulkan, dan ada juga gelombang yang diteruskan tetapi dibelokkan. Hal ini disebut sebagai *fenomena pembiasan*.

# GELOMBANG JATUH MIRING



## Persamaan Gelombang Jatuh Miring

Sebelum kita membahas tentang gelombang yang jatuh miring pada bidang batas, ada baiknya kita mempelajari tentang persamaan gelombang yang miring relatif terhadap sumbu-sumbu koordinat.



$$\vec{E} = E_0 e^{-j\beta z} \hat{a}_x$$

$$\vec{H} = \frac{E_0}{\eta} e^{-j\beta z} \hat{a}_y$$

$$\vec{E} = E_0 e^{-j\beta z'} \hat{a}_{x'}$$

$$\vec{H} = \frac{E_0}{\eta} e^{-j\beta z'} \hat{a}_y$$

Contoh

$$\vec{E} = E_{xo} e^{-\gamma x} \hat{a}_y$$

Gelombang merambat ke arah sumbu x positif

$$\vec{E} = E_{xo} e^{-j\beta z} \hat{a}_x$$

Gelombang merambat ke arah sumbu z positif

Sedangkan, dapat dituliskan juga ...

$$z' = x \sin \theta + z \cos \theta$$

$$\hat{a}_{x'} = \hat{a}_x \cos \theta + \hat{a}_z \sin \theta$$

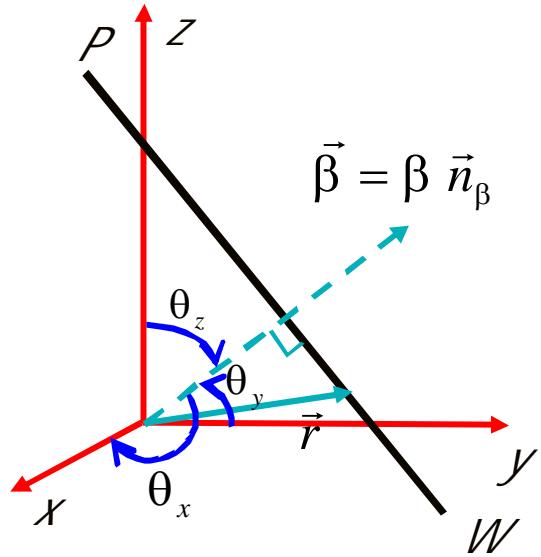
$$\vec{E} = E_0 e^{-j\beta[x \sin \theta + z \cos \theta]} [\hat{a}_x \cos \theta + \hat{a}_z \sin \theta]$$

$$\vec{H} = \frac{E_0}{\eta} e^{-j\beta[x \sin \theta + z \cos \theta]} \hat{a}_y$$

# GELOMBANG JATUH MIRING

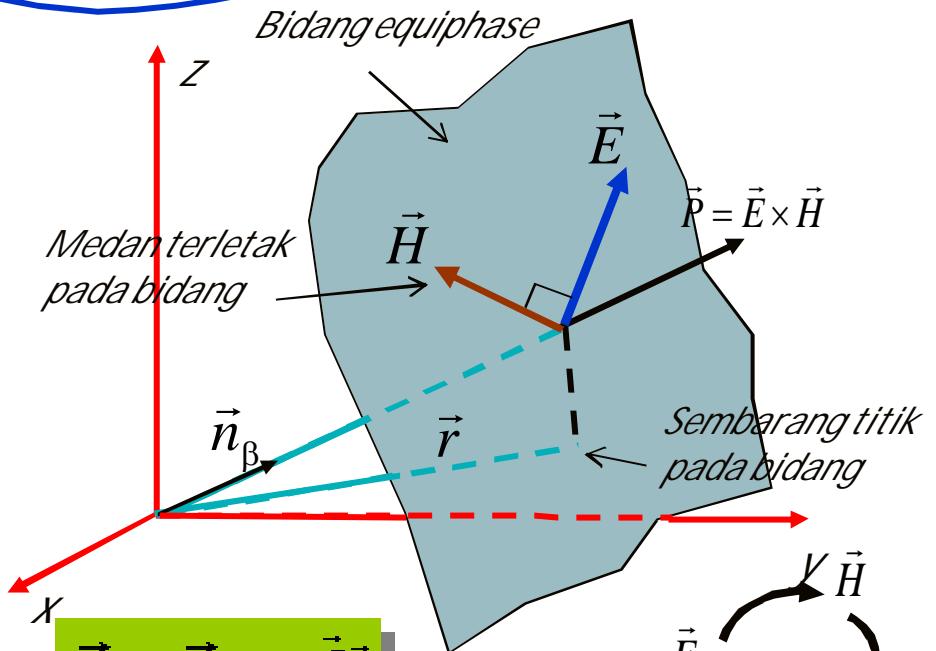


$$\vec{E}(z) = \vec{E}_{xo} e^{-j\beta z} \vec{a}_x \quad \rightarrow \quad \vec{E}(z) = \vec{E}_m e^{-j\vec{\beta} \cdot \vec{r}}$$



$$\vec{\beta} = \beta_x \vec{a}_x + \beta_y \vec{a}_y + \beta_z \vec{a}_z$$

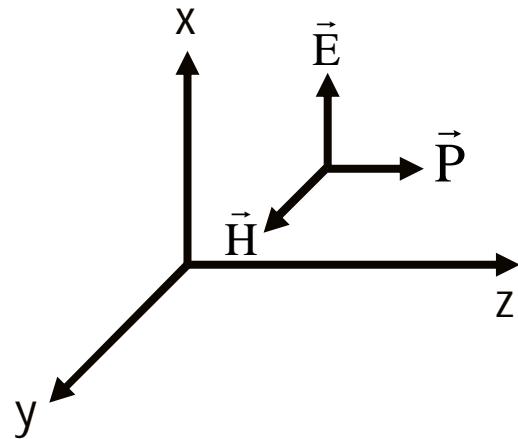
$$\begin{aligned}\vec{\beta} \cdot \vec{r} &= \beta_x x + \beta_y y + \beta_z z \\ &= \beta (\cos \theta_x x + \cos \theta_y y + \cos \theta_z z)\end{aligned}$$



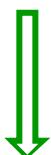
# GELOMBANG JATUH MIRING



Contoh



$$\vec{E} = E_0 e^{-j\beta z} \hat{a}_x$$



$$\vec{E} = \vec{E}_m e^{-j\vec{\beta} \cdot \vec{r}}$$

$$\vec{E} = E_0 e^{-j\vec{\beta} \cdot \vec{r}} \hat{a}_x$$

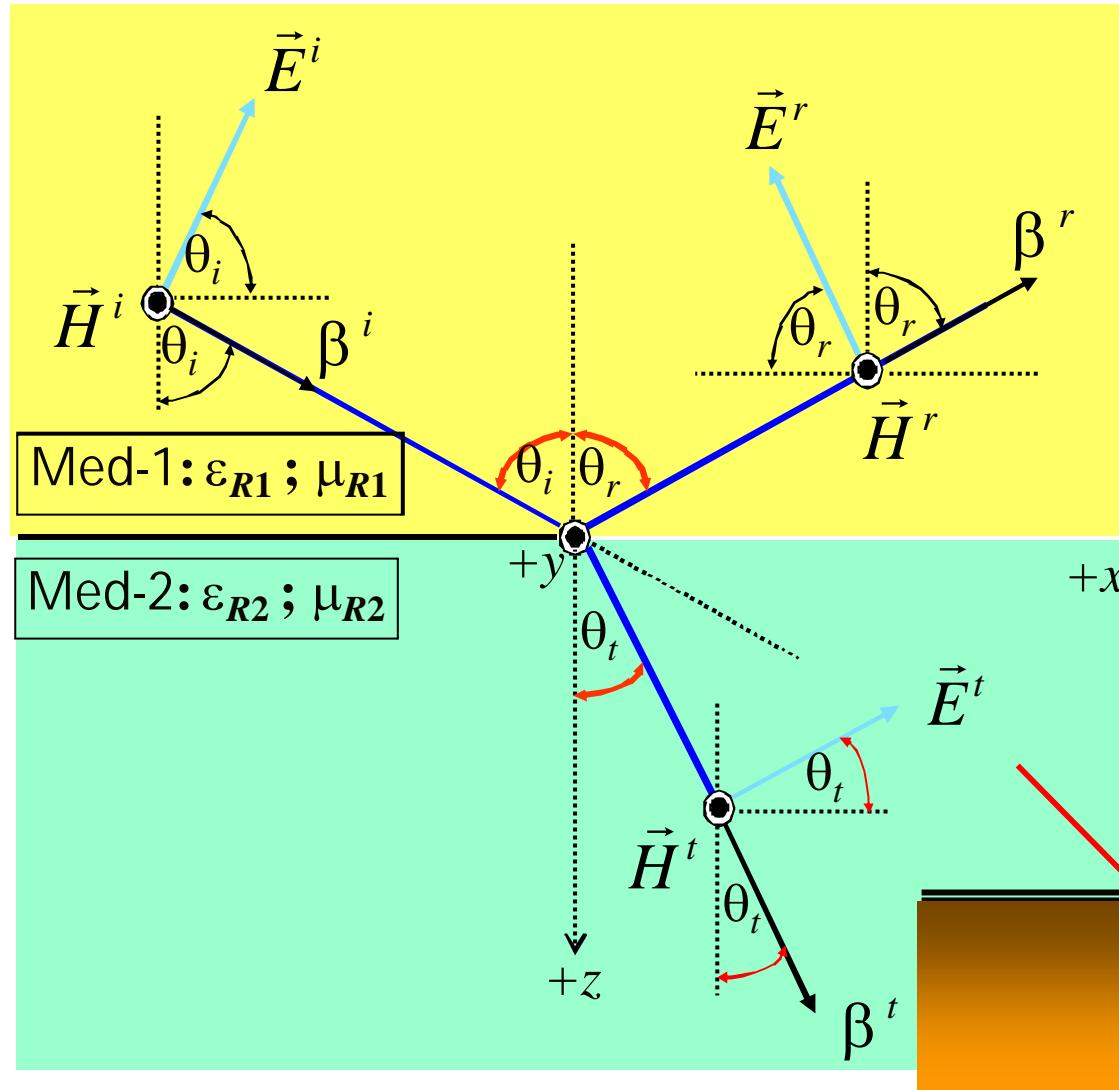
$$\left. \begin{array}{l} \vec{\beta} = \beta_z \vec{a}_z \\ \vec{\beta} = (\beta \cos \theta_z) \vec{a}_z \\ \vec{r} = x \vec{a}_x + y \vec{a}_y + z \vec{a}_z \\ \vec{\beta} \cdot \vec{r} = (\beta \cos \theta_z) z = \beta z \end{array} \right\}$$

$$\vec{E} = E_0 e^{-j\beta z} \hat{a}_x$$

# GELOMBANG JATUH MIRING



Perambatan Gel. Melewati Batas Antar Medium



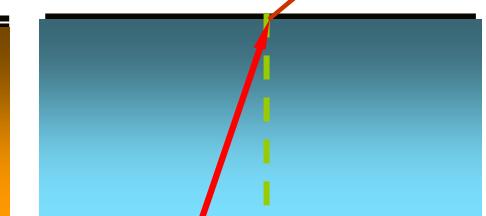
*"Hukum Snellius untuk pantulan "*

$$\theta_i = \theta_r$$

*"Hukum Snellius untuk pembiasan "*

$$\frac{\sin \theta_t}{\sin \theta_i} = \frac{n_i}{n_t} = \frac{v_t}{v_i} = \frac{\lambda_t}{\lambda_i}$$

- $n_1 < n_2 \rightarrow$  gelombang terus dibelokkan mendekati normal
- $n_1 > n_2 \rightarrow$  Gelombang terus dibelokkan menjauhi normal



# GELOMBANG JATUH MIRING

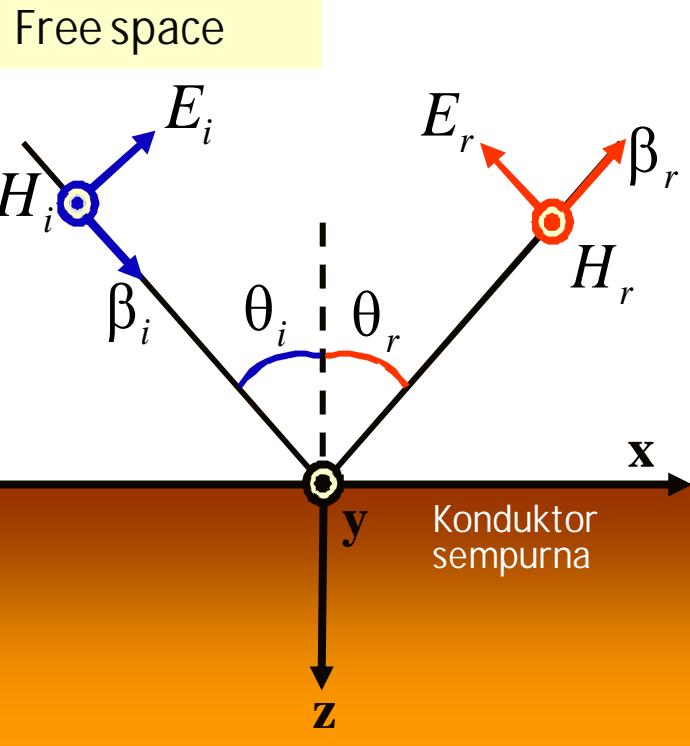


Perambatan Gel. Melewati Batas Antar Medium

Kasus 1 : *Medium pemantul konduktor sempurna*

Pada medium pemantul adalah konduktor sempurna, gelombang akan dipantulkan seluruhnya

*"Hukum Snellius untuk pantulan "*



$$\theta_i = \theta_r$$

Ekspresi medan total di *free space*:

$$\vec{E} = \vec{E}_i + \vec{E}_r = \hat{E}_{0i} e^{-j\vec{\beta}_i \bullet \vec{r}} + \hat{E}_{0r} e^{-j\vec{\beta}_r \bullet \vec{r}}$$

dimana,

$$\vec{\beta}_i \bullet \vec{r} = \beta (x \sin \theta_i + z \cos \theta_i)$$

$$\vec{\beta}_r \bullet \vec{r} = \beta (x \sin \theta_r - z \cos \theta_r)$$

# GELOMBANG JATUH MIRING

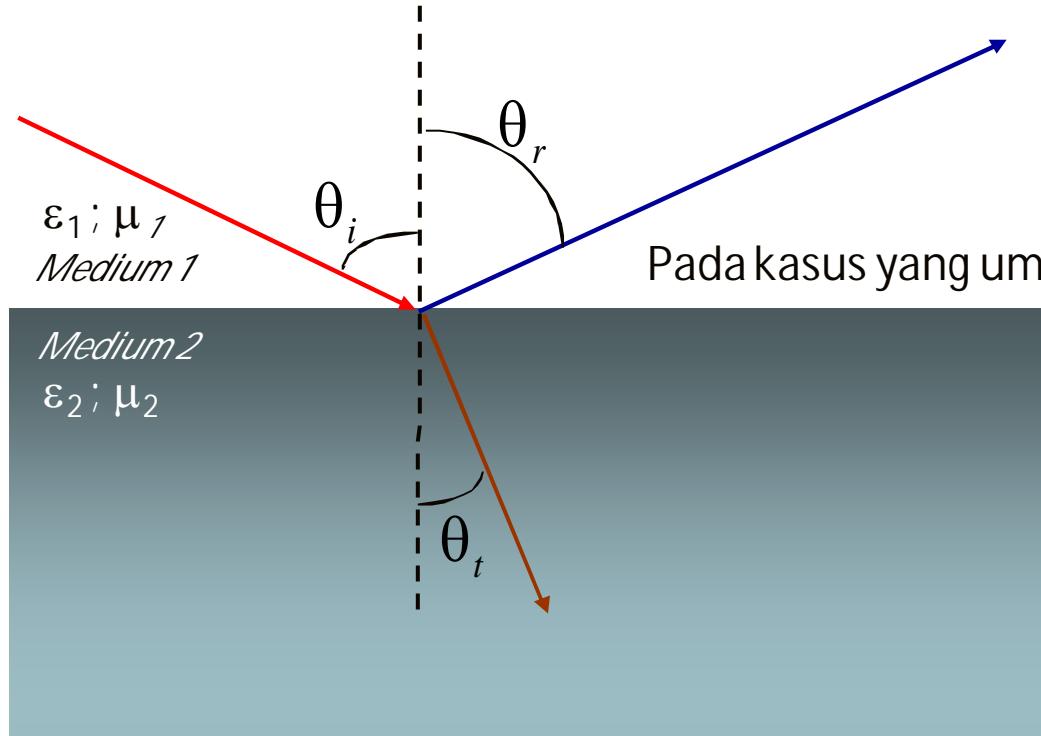


Perambatan Gel. Melewati Batas Antar Medium

Kasus 2 : *Medium pemantul Dielektrik*

Pada medium pemantul adalah dielektrik, sebagian gelombang akan dipantulkan dan sebagian lagi dibiasakan

*"Hukum Snellius untuk pembiasan "*



$$\frac{\sin \theta_i}{\sin \theta_t} = \frac{v_1}{v_2} = \sqrt{\frac{\mu_2 \epsilon_2}{\mu_1 \epsilon_1}}$$

Pada kasus yang umum,  $\mu_1 = \mu_2 = \mu_0$ , nonferromagnetik sehingga,

$$\frac{\sin \theta_i}{\sin \theta_t} = \sqrt{\frac{\mu_2 \epsilon_2}{\mu_1 \epsilon_1}}$$

$$\frac{\sin \theta_i}{\sin \theta_t} = \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}$$



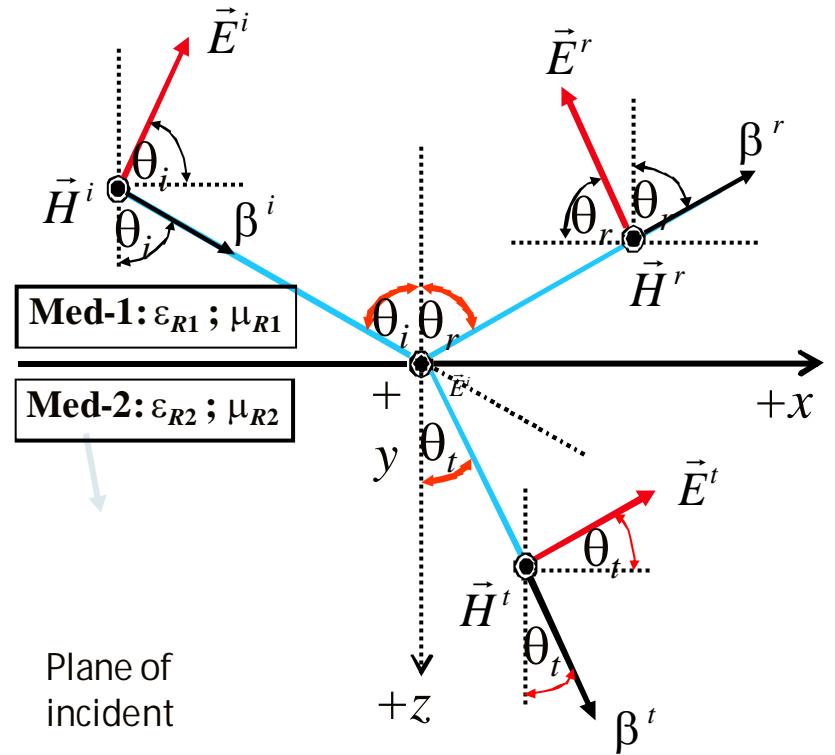
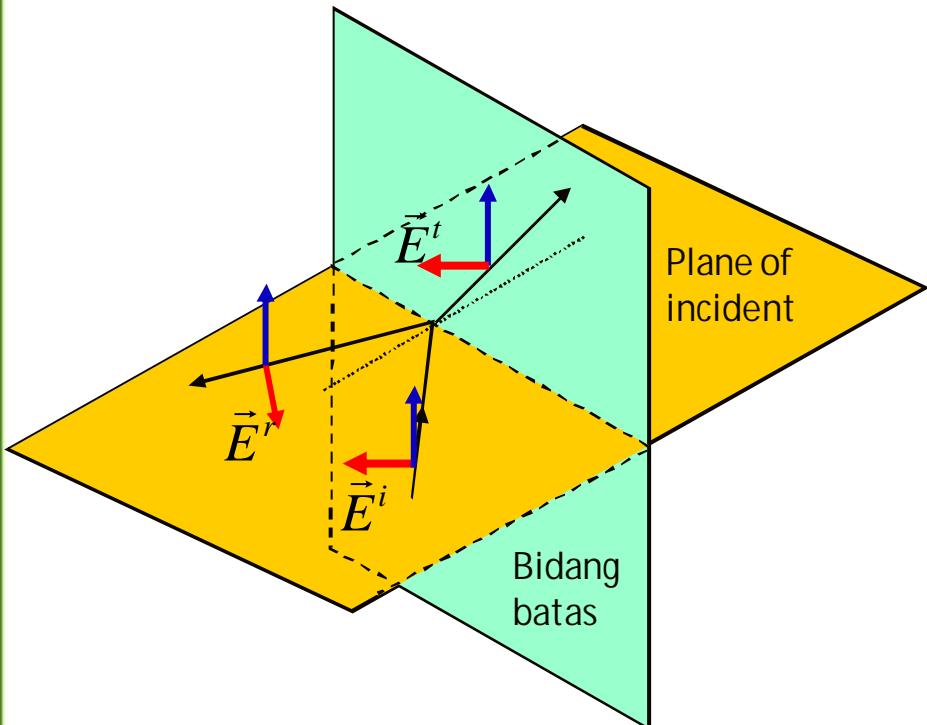
# GELOMBANG JATUH MIRING



Perambatan Gel. Melewati Batas Antar Medium

POLARISASI PARALLEL / VERTICAL

Medan listrik paralel thd plane of incident



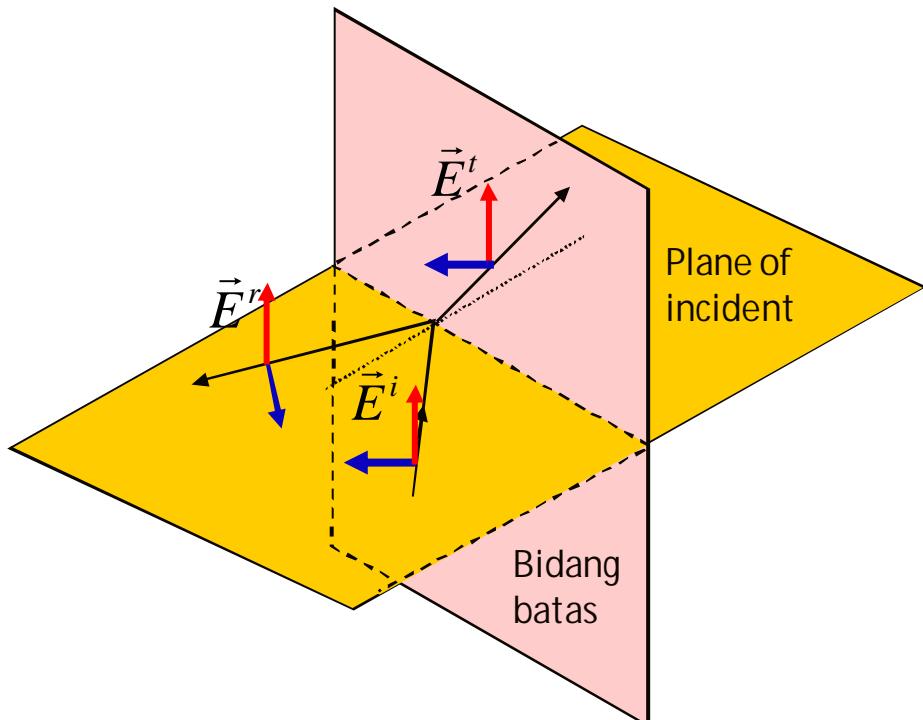
# GELOMBANG JATUH MIRING



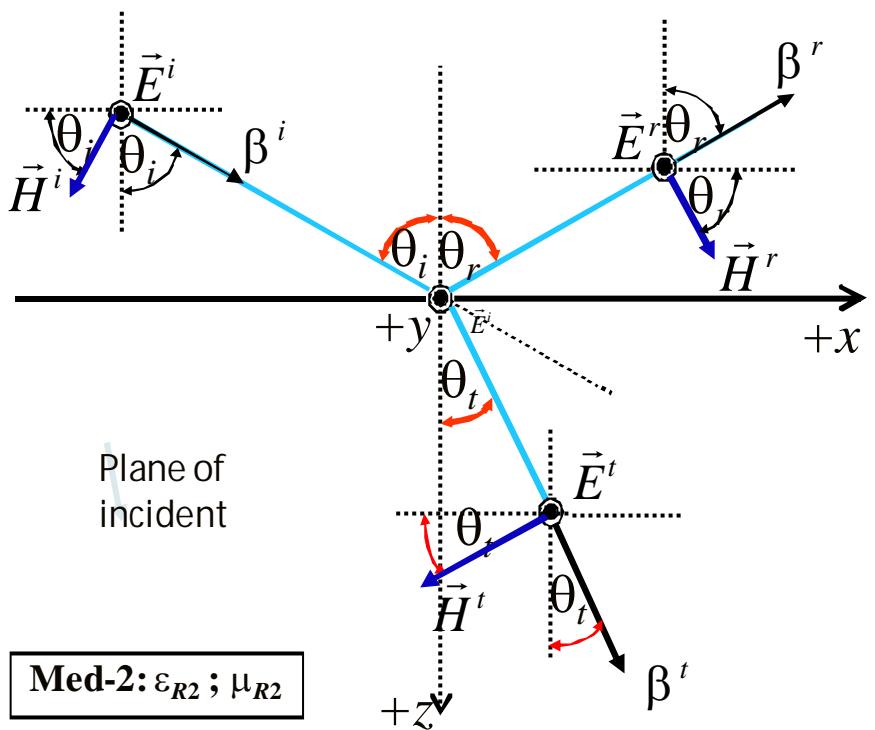
Perambatan Gel. Melewati Batas Antar Medium

POLARISASI TEGAK LURUS/ HORIZONTAL

Medan listrik tegak lurus thd plane of incident



Med-1:  $\epsilon_{R1}; \mu_{R1}$



# GELOMBANG JATUH MIRING



Perambatan Gel. Melewati Batas Antar Medium

Kasus 2 : *Medium pemantul Dielektrik* Koefisien Pantul ....

## 1) Polarisasi Vertikal

Medan E terletak pada bidang jatuh, *incident plane*, dan medan H sejajar perbatasan medium

$$\bar{\Gamma}_v = \frac{\eta_2 \cos\theta_t - \eta_1 \cos\theta_i}{\eta_2 \cos\theta_t + \eta_1 \cos\theta_i}$$

Lihat penurunannya pada buku Iskander hal 453-454 !!

Sebagai fungsi sudut datang saja, magnitudo koefisien pantul polarisasi vertikal dapat dinyatakan disamping

## 2) Polarisasi Horisontal

Medan E sejajar bidang perbatasan, medan H terletak pada bidang jatuh, *incident plane*

$$\bar{\Gamma}_h = \frac{\eta_2 \cos\theta_i - \eta_1 \cos\theta_t}{\eta_2 \cos\theta_i + \eta_1 \cos\theta_t}$$

Lihat penurunannya pada buku Iskander hal 458

Sebagai fungsi sudut datang saja, magnitudo koefisien pantul polarisasi horizontal dapat dinyatakan di bawah ini :

$$|\bar{\Gamma}_v| = \frac{-\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} \cos\theta_i + \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} - \sin^2 \theta_i}}{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} \cos\theta_i + \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} - \sin^2 \theta_i}}$$

$$|\bar{\Gamma}_h| = \frac{\cos\theta_i - \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} - \sin^2 \theta_i}}{\cos\theta_i + \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} - \sin^2 \theta_i}}$$

# GELOMBANG JATUH MIRING



Perambatan Gel. Melewati Batas Antar Medium

Kasus 2 : Medium pemantul Dielektrik Koefisien Terus ....

1) Polarisasi Vertikal / polarisasi sejajar

$$\bar{T}_v = \frac{2\eta_2 \cos \theta_i}{\eta_1 \cos \theta_i + \eta_2 \cos \theta_t}$$



$$\mu_1 = \mu_2 = \mu_0$$

$$\bar{T}_v = \frac{2 \cos \theta_i}{\sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}} \cos \theta_i + \cos \theta_t}$$

2) Polarisasi Horisontal / polarisasi tegak lurus

$$\bar{T}_h = \frac{2\eta_2 \cos \theta_i}{\eta_2 \cos \theta_i + \eta_1 \cos \theta_t}$$



$$\mu_1 = \mu_2 = \mu_0$$

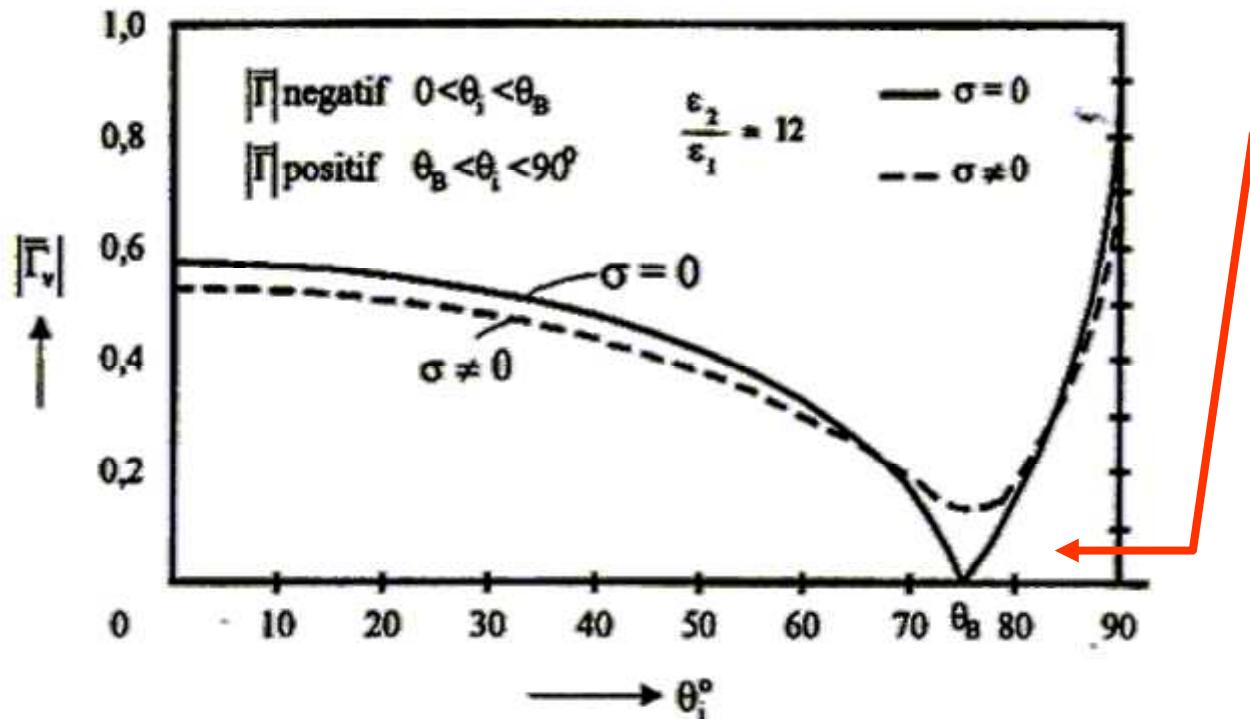
$$\bar{T}_h = \frac{2 \cos \theta_i}{\cos \theta_i + \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}} \cos \theta_t}$$

# GELOMBANG JATUH MIRING



Perambatan Gel. Melewati Batas Antar Medium

Kasus 2 : Medium pemantul Dielektrik Sudut Brewster....



Sudut Brewster,  $\theta_B$ :

$$\sin^2 \theta_B = \frac{\epsilon_2}{\epsilon_1 + \epsilon_2}$$

Atau, lihat penurunannya pada buku Iskander hal 456 !!

## Sudut Brewster

- Sudut datang ketika koefisien pantul minimum !!
- Fasa akan berubah tanda setelah sudut Brewster

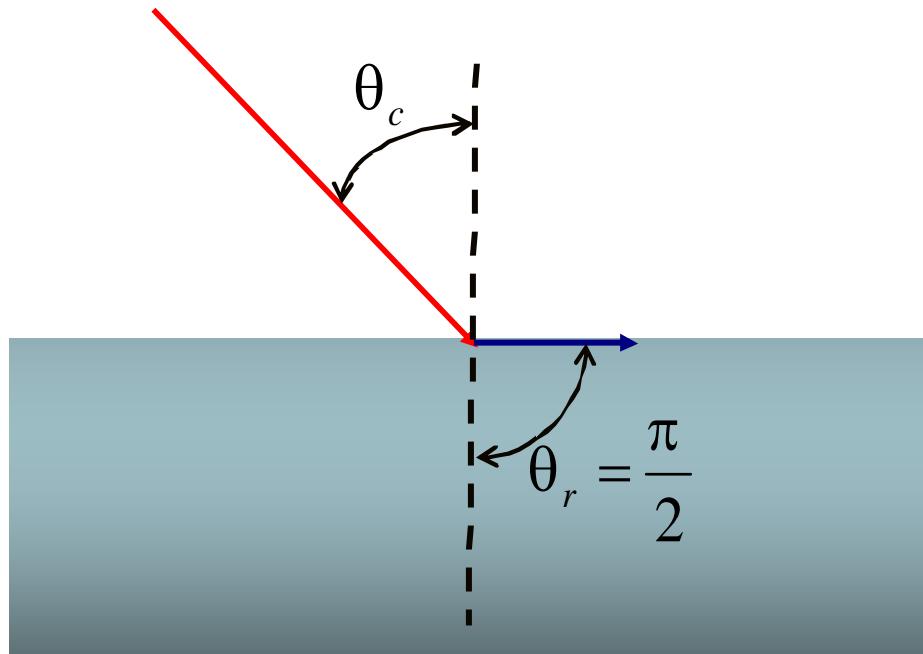
$$\tan \theta_B = \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}$$

# GELOMBANG JATUH MIRING



Perambatan Gel. Melewati Batas Antar Medium

Kasus 2 : *Medium pemantul Dielektrik* Sudut Kritis....



Sudut kritis adalah sudut datang ketika sudut biasnya  $90^\circ$ .

Untuk kedua bahan nonferoomagnetik, dapat dibuktikan dari hukum Snellius I :

$$\sin \theta_c = \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}$$

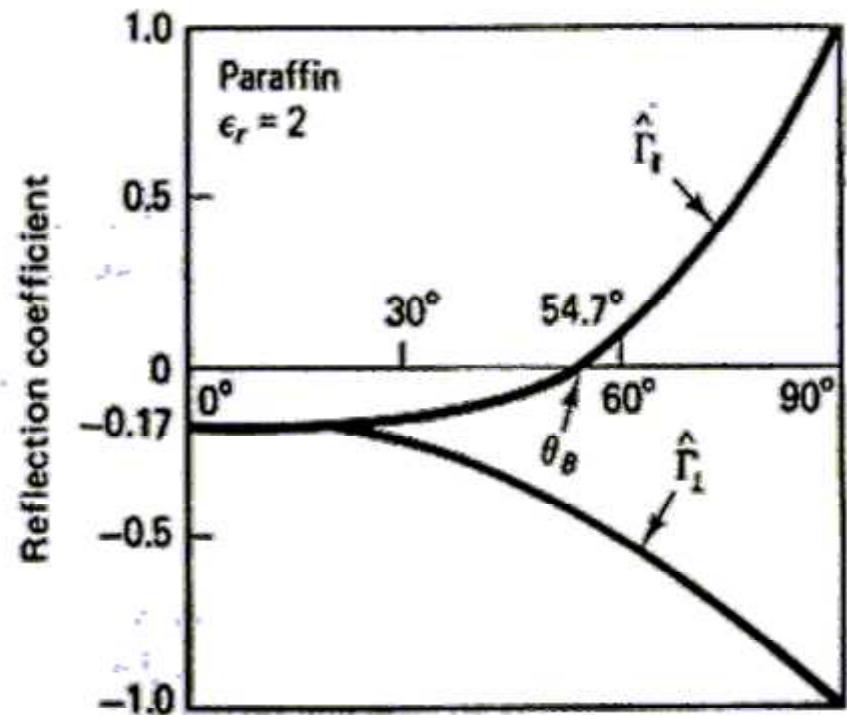
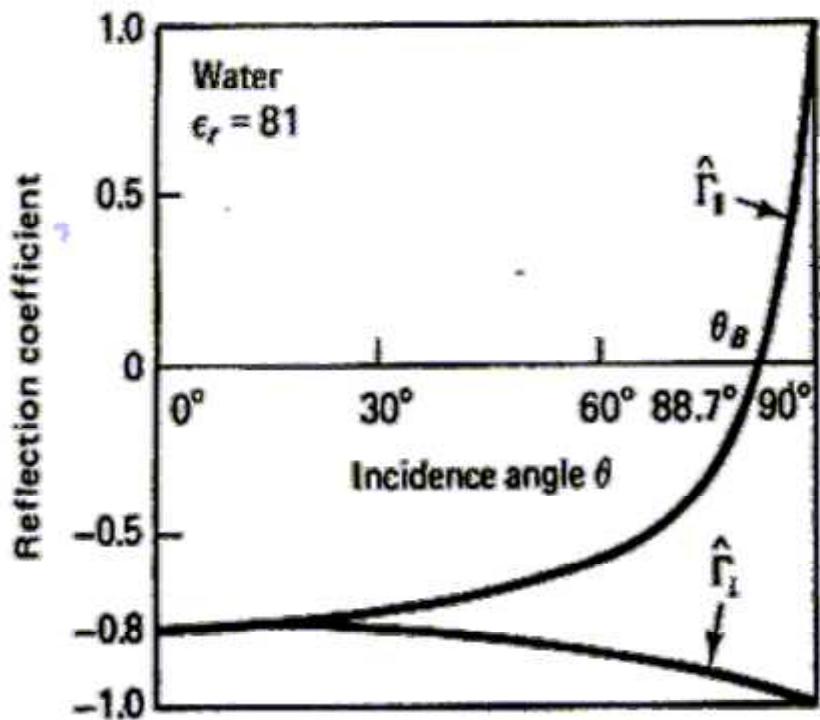
# GELOMBANG JATUH MIRING



Perambatan Gel. Melewati Batas Antar Medium

Kasus 2 : *Medium pemantul Dielektrik*

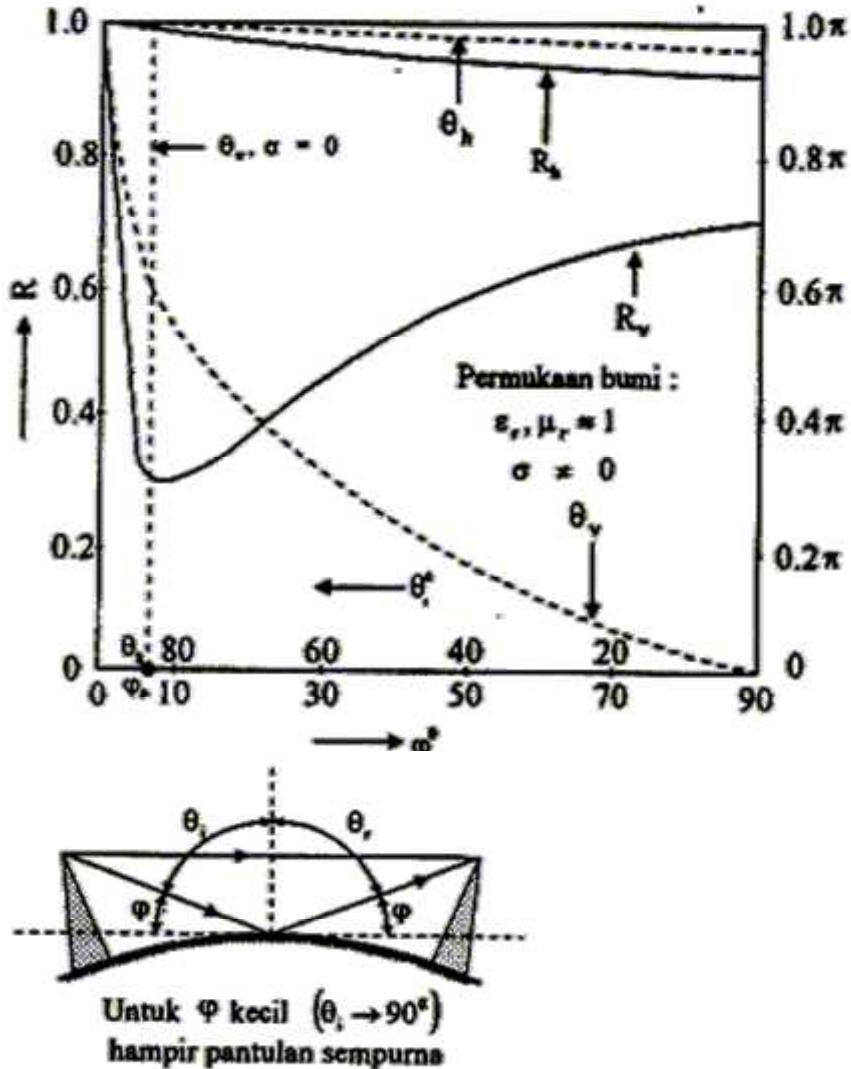
Koefisien pantul sebagai fungsi sudut jatuh untuk gelombang berpolarisasi horizontal dan vertikal dari udara ke air dan ke parafin,  $\sigma$  dianggap = 0



# GELOMBANG JATUH MIRING



Perambatan Gel. Melewati Batas Antar Medium



Dalam perambatan gelombang antara pemancar dan penerima di atas permukaan bumi (komunikasi terestrial) koefisien pantul digambarkan untuk nilai-nilai  $\epsilon, \sigma$ , dan  $\mu$  dari permukaan bumi tertentu untuk daerah frekuensi tertentu pula , sebagaimana digambarkan di samping :

$$\begin{aligned}\bar{\Gamma} &= \bar{R} = R e^{j\theta_R} = R \angle \theta_R \quad ; \quad \varphi = 90^\circ - \theta_i \\ &= R_h \angle \theta_h \\ &= R_v \angle \theta_v\end{aligned}$$

Jika,

$$\varphi \rightarrow 0 \text{ maka } R_v \approx R_h \approx 1$$

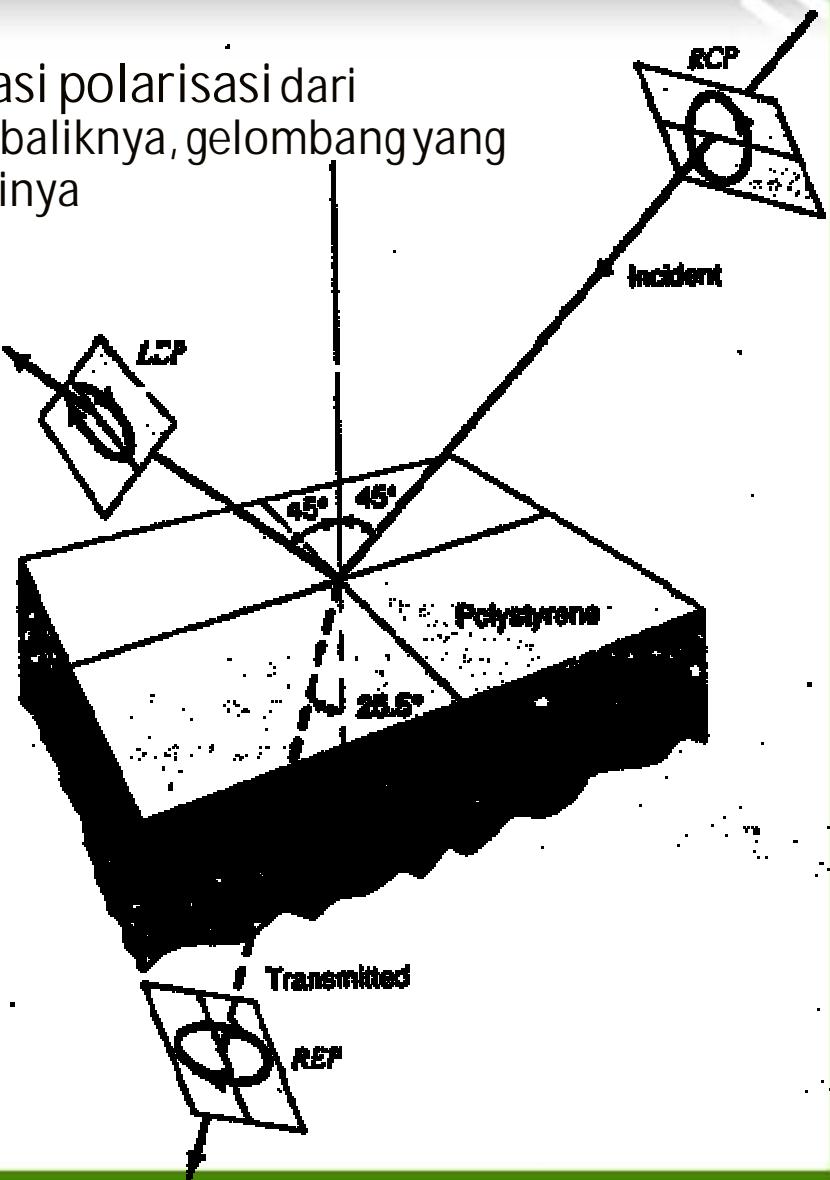
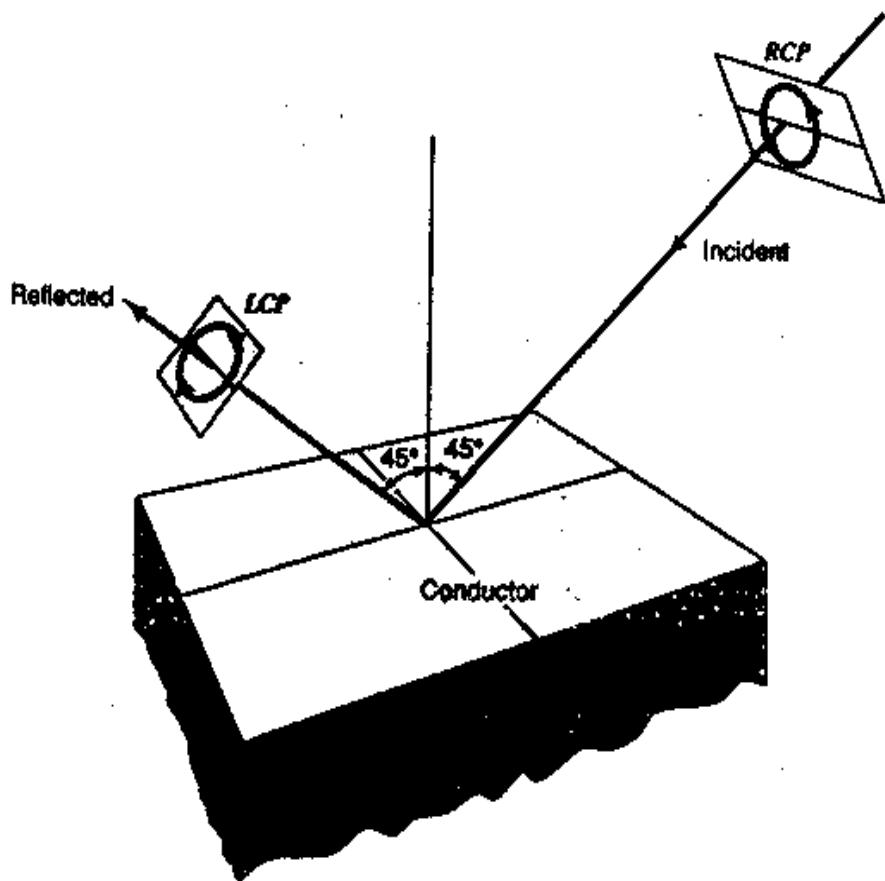
Dalam praktek  $R \sim 0.96 - 0.98$  berlaku untuk hubungan terestrial, karena umumnya  $\varphi$  lebih kecil dari  $1^\circ$ .

# GELOMBANG JATUH MIRING



Perambatan Gel. Melewati Batas Antar Medium

Pemantulan akan mengubah arah orientasi polarisasi dari gelombang, seperti terlihat gambar berikut. Sebaliknya, gelombang yang dibiaskan adalah tetap arah orientasi polarisasinya



# ANY QUESTION???



